

دفترچه شماره ۱

آزمون شماره ۱۶

۱۴۰۱/۱۲/۰۵ جمعه



آزمون‌های سراسری کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۱-۱۴۰۲

سوالات آزمون

پایه دهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۹۰ دقیقه	تعداد سوال: ۷۰

عنوانین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	شماره سوال		مدت پاسخگویی
			تا	از	
۱	ریاضی ۱	۲۰	۱	۲۰	۴۵ دقیقه
	هنلسه ۱	۱۰	۲۱		
۲	فیزیک ۱	۲۰	۳۱		۲۵ دقیقه
۳	شیمی ۱	۲۰	۵۱		۲۰ دقیقه



ریاضیات



ریاضی (۱)

-۱ سهمی $y = mx^3 + 2x - m + 1$ محور x را قطع نمی‌کند. حدود m کدام است؟

$$\left[\frac{1-\sqrt{5}}{2}, \frac{1+\sqrt{5}}{2} \right] \quad (۲) \qquad m \in \mathbb{R} \quad (۱)$$

-۲ چنان m ای وجود ندارد. $\mathbb{R} - \left(\frac{1-\sqrt{5}}{2}, \frac{1+\sqrt{5}}{2} \right) \quad (۳)$ -۳ عبارت $P(x) = \frac{x(x-3)^2}{x^2 - x - 2}$ به ازای کدام یک از مقادیر زیر مثبت است؟

$$\sqrt{3} \quad (۴) \qquad 2 - \sqrt{3} \quad (۳) \qquad -1 + \sqrt{2} \quad (۲) \qquad 1 - \sqrt{2} \quad (۱)$$

-۴ اگر $1 < x < \frac{1-x^2}{x}$ باشد، بزرگ‌ترین عدد صحیحی که به جای x می‌توان قرار داد، کدام است؟-۵ وجود ندارد. $-1 \quad (۳) \qquad -2 \quad (۲) \qquad 0 \quad (۱)$ -۶ اگر $A < B$ باشد، کدام گزینه صحیح است؟

$$\frac{1}{A} > \frac{1}{B} \quad (۲) \qquad A^2 < B^2 \quad (۱)$$

$$\frac{A}{B} < \frac{B}{A} \quad (۴) \qquad \frac{A}{A-B} > \frac{B}{A-B} \quad (۳)$$

-۷ اگر رابطه $F = \frac{1}{8}C + 32$ بین درجه حرارت بر حسب فارنهایت (F) و سانتی‌گراد (C) برقرار باشد، حداقل و حداکثر دمای یک شهر که

-۸ بین ۴۱ و ۵۹ درجه فارنهایت باشد، چند درجه سانتی‌گراد می‌باشد؟

$$15, 10 \quad (۴) \qquad 25, 5 \quad (۳) \qquad 15, 5 \quad (۲) \qquad 25, 10 \quad (۱)$$

-۹ به ازای چند مقدار صحیح از a ، عبارت $P(x) = ax^3 - 3ax + 1 + 2a$ همواره نامنفی است؟

$$0 \quad (۴) \qquad 5 \quad (۳) \qquad 3 \quad (۲) \qquad 4 \quad (۱)$$

-۱۰ اگر مجموعه جواب نامعادله $\frac{9-x^2}{1-2x} \geq 0$ برابر با $(c, b) \cup (a, -\infty)$ باشد، حاصل $a - b + c$ کدام است؟

$$-\frac{1}{2} \quad (۴) \qquad \frac{1}{2} \quad (۳) \qquad \frac{11}{2} \quad (۲) \qquad -\frac{11}{2} \quad (۱)$$

-۱۱ اگر $| \frac{x}{3} - 2 | < \frac{1}{5}$ باشد، بزرگ‌ترین عدد صحیح x کدام است؟

$$7 \quad (۴) \qquad 4 \quad (۳) \qquad 5 \quad (۲) \qquad 6 \quad (۱)$$



-۹- اگر جواب نامعادله قدرمطلقی $|x+a| \geq b$ باشد، حاصل $a+b$ کدام است؟

۵ (۴)

-۵ (۳)

۱ (۲)

-۱ (۱)

-۱۰- اگر $1 \leq \frac{x+1}{\sqrt{3}}$ باشد، فاصله x از عدد $\frac{5}{5}$ حداقل چقدر است؟

۳ (۴)

 $\frac{3}{2}$ (۳) $\frac{1}{2}$ (۲)

۱ (۱)

-۱۱- یک جسم را از بالای تپه‌ای با ارتفاع 20 متر به هوا پرتاب می‌کنیم. اگر ارتفاع جسم از سطح زمین، t ثانیه پس از پرتاب برابر

$$y = -10t^2 + 29t + 20$$

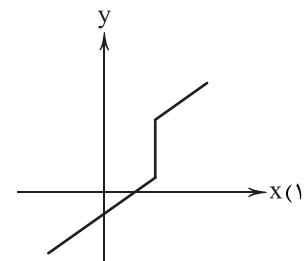
(۰/۴ , ۲/۵) (۴)

(۰/۸ , ۲/۵) (۳)

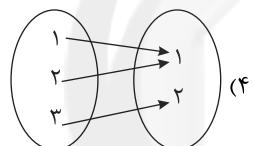
(۰/۴ , ۵) (۲)

(۰/۸ , ۵) (۱)

-۱۲- کدام یک از روابط زیر یک تابع را نشان نمی‌دهد؟

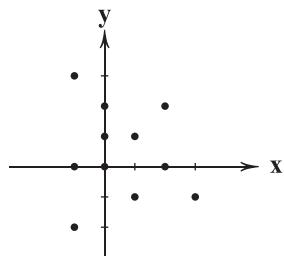


$$f = \{(1, 2), (0, 1), (-1, 1)\} (۲)$$



x	$\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{2}$	$0/5$
y	۱	۰	$\frac{1}{2}$

-۱۳- حداقل چندتا از نقاط مربوط به نمودار زیر را حذف کنیم، تا نمودار حاصل مربوط به یک تابع باشد؟



۴ (۱)

۵ (۲)

۶ (۳)

۷ (۴)

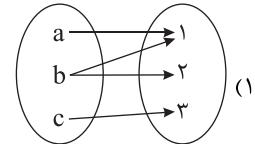
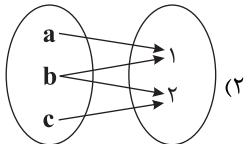
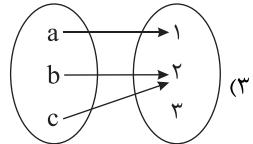
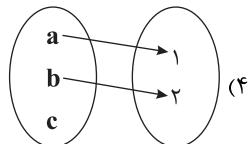
-۱۴- اگر $f = \{(1, \frac{1}{a}), (0, -a), (1, 1-a), (2a-1, b)\}$ تابع باشد، مقدار b کدام است؟

۴) صفر

۱ (۳)

 $-\frac{1}{2}$ (۲) $\frac{1}{2}$ (۱)

-۱۵- کدام یک از نمودارهای پیکانی زیر مربوط به یک تابع است؟





۱۶- کدام یک از روابط زیر یک تابع را نشان می‌دهد؟

(۲) رابطه هر فرد و غذای مورد علاقه‌اش

(۱) رابطه هر فرد و شماره تلفن‌اش

(۴) رابطه هر فرد و تاریخ تولدش

(۳) رابطه هر فرد و خواهران او

۱۷- اگر $\{a, b, c\} = \{1, 2, 3\}$ باشد، چند تابع از A به B می‌توان نوشت؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۹ (۲)

۸ (۱)

۱۸- چه تعداد از روابط زیر تابع است؟

(الف) رابطه‌ای که به هر عدد، مجدور آن را نسبت می‌دهد.

(ب) رابطه‌ای که به هر عدد، ریشه دوم آن را نسبت می‌دهد.

(پ) رابطه‌ای که به هر عدد، ریشه سوم آن را نسبت می‌دهد.

(ت) رابطه‌ای که به هر عدد، معکوس آن را نسبت می‌دهد.

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۱۹- اگر x طول بزرگ‌ترین ضلع از یک شکل به مساحت S باشد، در چه صورت x تابعی از S می‌باشد؟

(۲) شکل لوزی باشد.

(۱) شکل مستطیل باشد.

(۴) شکل مثلث متساوی‌الاضلاع باشد.

(۳) شکل مثلث قائم‌الزاویه باشد.

۲۰- رابطه از A به B ، تابع است، اگر به‌ازای هر عضو، یک عضو نسبت داده شده باشد.

B - A - دقیقاً - ۲

A - B - دقیقاً - ۱

B - A - حداقل - ۴

A - B - حداقل - ۳

هندسه (۱)۲۱- در یک **ضلوعی** تعداد قطرها دو برابر تعداد اضلاع است. مجموع زوایای داخلی این **ضلوعی** کدام است؟

۵۴° (۴)

۱۰۸° (۳)

۷۲° (۲)

۹۰° (۱)

۲۲- از تقاطع نیمسازهای داخلی یک مستطیل، چهار **ضلوعی** به دست می‌آید که مساحت آن برابر با ۱۸ است. اگر محیط مستطیل ۲۴ واحد باشد، مساحت آن کدام است؟

۲۷ (۴)

۱۳۵ (۳)

۱۸ (۲)

۶ (۱)

۲۳- در مثلث قائم‌الزاویه ABC ، $\hat{B} = 75^\circ$ است. اگر مساحت مثلث ۱۸ واحد مربع باشد، طول وتر چقدر است؟

۱۲ (۲)

۶ $\sqrt{2}$ (۱)

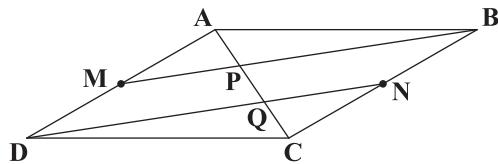
۶ (۴)

۴ $\sqrt{3}$ (۳)



-۲۴- در متوازی‌الاضلاع مقابل M و N وسط اضلاع AD و BC می‌باشند. اگر $\hat{A} = 15^\circ$ ، $PQ = \frac{5}{3}$ باشد، مساحت متوازی‌الاضلاع

چقدر است؟



$$16 + 4\sqrt{3} \quad (1)$$

$$12 + 4\sqrt{3} \quad (2)$$

$$12 + 16\sqrt{3} \quad (3)$$

$$16 + 12\sqrt{3} \quad (4)$$

-۲۵- وسط اضلاع چهارضلعی $ABCD$ را به طور متواالی به هم وصل می‌کنیم. اگر چهارضلعی حاصل یک لوزی باشد، کدام گزینه همواره صحیح است؟

$$AC \perp BD \quad (2)$$

$$AC = BD \quad (1)$$

(4) متوازی‌الاضلاع است.

(3) $ABCD$ مستطیل است.

-۲۶- چه تعداد از ویژگی‌های زیر همواره در n -ضلعی‌های مقعر برقرار است؟

(آ) مجموع زوایای آن برابر با $(n-2) \times 180^\circ$ است.

ب) چندضلعی همواره در یک طرف امتداد اضلاع است.

پ) همه زوایای آن کمتر از نیم‌صفحه است.

ت) پاره خط واصل بین هر دو نقطه دلخواه از درون آن، کاملاً داخل n -ضلعی قرار می‌گیرد.

$$3 \quad (4)$$

$$2 \quad (3)$$

$$1 \quad (2)$$

$$0 \quad (1)$$

-۲۷- کدام یک از گزینه‌های زیر تعریف لوزی نیست؟

(۱) متوازی‌الاضلاعی که قطرهایش برهم عمود است.

(۳) متوازی‌الاضلاعی که قطرهایش با هم برابرند.

-۲۸- کدام ویژگی در متوازی‌الاضلاع لزوماً برقرار است؟

(۱) قطرها با هم برابرند.

(۳) قطرها منصف یکدیگرند.

-۲۹- در ذوزنقه متساوی‌الساقین $ABCD$ ، قطرها بر ساق‌ها عموداند. اگر زاویه بین دو قطر 60° باشد، زاویه بین هر قطر و قاعده بزرگ چقدر است؟

$$15^\circ \quad (4)$$

$$45^\circ \quad (3)$$

$$30^\circ \quad (2)$$

$$60^\circ \quad (1)$$

-۳۰- در ذوزنقه قائم‌الزاویه $ABCD$ ، طول ساق کوچک‌تر و قاعده کوچک‌تر با هم برابر است. اگر طول ساق بزرگ‌تر، دو برابر طول ساق کوچک‌تر

باشد و مساحت ذوزنقه $\frac{24}{2-\sqrt{3}}$ باشد، محیط ذوزنقه کدام است؟

$$12 + 20\sqrt{3} \quad (4)$$

$$20 + 12\sqrt{3} \quad (3)$$

$$20 + 4\sqrt{3} \quad (2)$$

$$4 + 20\sqrt{3} \quad (1)$$



-۳۱- تندی خودرویی به جرم 800 kg در مدت زمان 10 s از صفر به $\frac{\text{km}}{\text{h}}$ درصد توان خودرو تلف شده باشد، توان متوسط این

خودرو چند کیلووات می باشد؟

۸۰ (۴)

۴۰ (۳)

۳۶ (۲)

۱۸ (۱)

-۳۲- چتریازی به جرم m از بالون ساکنی که در ارتفاع h از سطح زمین قرار دارد، خود را رها می کند و با تندی $\frac{m}{s}$ به سطح زمین می رسد. اگر

در مدت زمان سقوطش 9 s درصد انرژی اش تلف شده باشد، h چند متر است؟ ($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)

۱۲۵ (۴)

۲۵۰ (۳)

۲۵۰ (۲)

۱۲۵ (۱)

-۳۳- یدک کشی، جسمی به جرم 120 kg را در هر دقیقه 1 km در یک مسیر افقی با تندی ثابت به دنبال خود می کشد. اگر اندازه نیروی مقاومت هوا و اصطکاک وارد بر جسم به ترتیب $N_1 = 30$ و $N_2 = 90$ باشد، توانی که یدک کش صرف کشیدن جسم کرده، چند کیلووات است؟

۲۰۰ (۴)

۲۰۰ (۳)

۲۰ (۲)

۲ (۱)

-۳۴- گلوله ای به جرم m را با تندی v در راستای عمودی به سمت بالا پرتاب می کنیم. درصد انرژی اولیه گلوله در مسیر بالا رفتن تحت تأثیر مقاومت هوا تلف می شود. اگر مقاومت هوا وجود نداشته باشد، ارتفاع اوج گلوله (بیشترین ارتفاع گلوله از سطح زمین) چند برابر ارتفاع اوج گلوله در حالت اول می شود؟

 $\frac{1}{9}$ $\frac{9}{10}$ $\frac{9}{20}$ $\frac{2}{9}$

-۳۵- سی ثانیه طول می کشد تا شخصی به جرم $74/6\text{ kg}$ ، $74/6\text{ cm}$ است را بالا ببرد. توان متوسط مفید این شخص چند

اسپ بخار است؟ ($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ و هر $W = 1\text{ J}$ اسپ بخار در نظر بگیرید.)

 $\frac{4}{10}$ $\frac{1}{4}$

۱۰ (۲)

۴ (۱)

-۳۶- پمپی با توان ورودی 2 kW آب را از سطح دریاچه ای به مخزنی در ارتفاع 3 m متري برد و با تندی $\frac{m}{s}$ ۵ وارد مخزن می کند. اگر حجم مخزن 6 m^3 باشد و 3 s دقیقه طول بکشد تا به طور کامل پر از آب شود، بازده این پمپ چند درصد می باشد؟

$$(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, \rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3})$$

۷۸ (۴)

۷۵ (۳)

۶۸ (۲)

۵۰ (۱)



۳۷- جسمی به جرم 2 kg را از پایین سطح شیب داری که با افق زاویه 30° درجه می سازد، مماس بر سطح رو به بالا پرتاب می کنیم. اگر اندازه نیروی اصطکاک بین جسم و سطح برابر با $4/4\text{ N}$ و بیشترین جابه جایی جسم روی سطح شیب دار برابر 10 m باشد، تندی اولیه پرتاب جسم

چند متر بر ثانیه بوده است؟ ($\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ و از مقاومت هوا صرف نظر کنید).

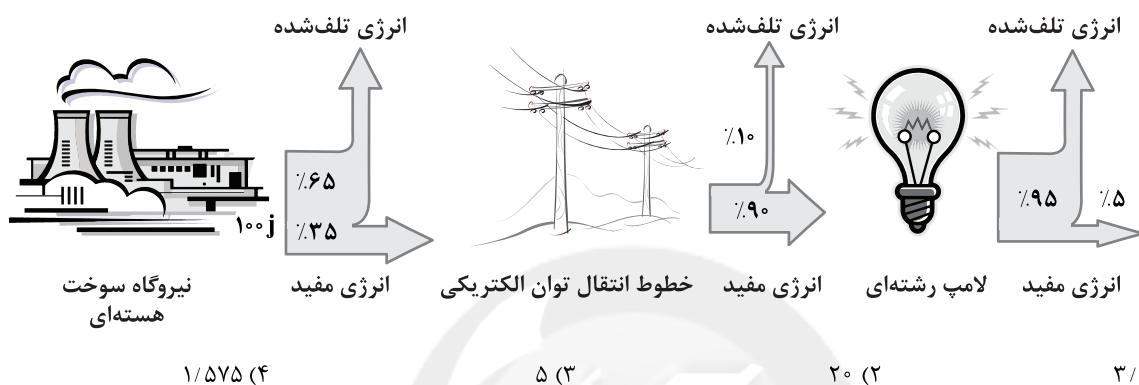
۲۰ (۴)

۱۲ (۳)

۵ (۲)

۱۵ (۱)

۳۸- شکل زیر طرح وارهای از درصد انرژی مفید و انرژی تلف شده در یک نیروگاه سوخت هسته ای را از آغاز تا مصرف در یک لامپ رشته ای نشان می دهد. بازده کلی در این طرح واره چند درصد است؟



۱/۵۷۵ (۴)

۵ (۳)

۲۰ (۲)

۳/۱۵ (۱)

۳۹- اساس کار دما سنجه ترمومکوپل چیست؟

(۱) قانون گازهای کامل

(۳) اختلاف پتانسیل الکتریکی

۴۰- صفر کلوین معادل چند درجه فارنهایت است؟

۴۹۱/۴ (۴)

-۴۹۱/۴ (۳)

-۴۵۹/۴ (۲)

-۲۷۳ (۱)

۴۱- دمای جسمی بر حسب مقیاس های کلوین و فارنهایت گزارش شده است. اگر مجموع دو عدد گزارش شده ۵۸۵ باشد، دمای این جسم چند درجه سلسیوس است؟

۷۵ (۴)

۵۰ (۳)

۲۰۰ (۲)

۱۰۰ (۱)

۴۲- اگر دمای جسمی بر حسب درجه سلسیوس سه برابر شود، دمای آن در یکای فارنهایت 50° درصد افزایش می باید. دمای این جسم تقریباً چند درجه سلسیوس است؟

۸ (۴)

۶ (۳)

۵ (۲)

۴ (۱)

۴۳- در کدام گزینه موارد ذکر شده به ترتیب افزایش دما، از راست به چپ، به درستی آمدہ اند؟

(۱) فضای بین ستاره ای - سطح خورشید - راکتور گداخت - قارچ انفجار هسته ای

(۲) فضای بین ستاره ای - سطح خورشید - قارچ انفجار هسته ای - راکتور گداخت

(۳) کویر لوٹ - قارچ انفجار هسته ای - راکتور گداخت - سطح خورشید

(۴) کویر لوٹ - قارچ انفجار هسته ای - سطح خورشید - راکتور گداخت



-۴۴- نمودار تغییرات طول یک میله فلزی بر حسب تغییرات دمای آن مطابق شکل مقابل است. اگر دمای این میله 198°F افزایش یابد، طول این

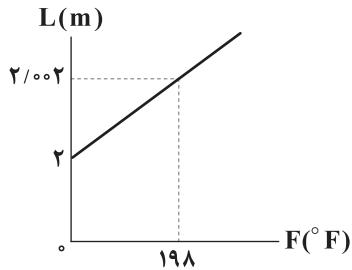
میله چند میلی‌متر افزایش می‌یابد؟

(۱) ۲

(۲) ۱/۱۲

(۳) ۱/۸

(۴) ۳/۶



-۴۵- اگر دمای یک صفحه فلزی مربعی شکل را به اندازه θ افزایش دهیم، مساحت آن 4 درصد افزایش می‌یابد. اگر دمای این صفحه را به

اندازه 2θ افزایش دهیم، قطر آن چند درصد افزایش می‌یابد؟

(۱) $2\sqrt{2}$

(۲) ۲

(۳) $4\sqrt{2}$

(۴) ۴

-۴۶- ریل‌های 10 متری راه‌آهنی را در یک روز که دمای هوا 20°C به دنبال هم بر روی زمین کار می‌گذارند. اگر دما در اوچ تایستان تا 50°C بالا

رود، حداقل چند میلی‌متر باید بین ریل‌ها خالی بماند تا در اثر انبساط گرمایی به یکدیگر فشار وارد نکنند؟ ($K^{-1} = 1/2 \times 10^{-5}$ آهن)

(۱) ۷/۲

(۲) ۳/۶

(۳) ۱۴/۴

(۴) ۱/۸

-۴۷- انبساط حجمی مایعات عموماً از انبساط حجمی جامدات است، زیرا (به ترتیب از راست به چپ)

(۱) بیشتر - نیروی بین مولکولی در جامدات، ضعیفتر است.

(۲) کمتر - نیروی بین مولکولی در جامدات، ضعیفتر است.

(۳) بیشتر - نیروی بین مولکولی در مایعات، ضعیفتر است.

(۴) کمتر - نیروی بین مولکولی در مایعات، ضعیفتر است.

-۴۸- در دمای C° ظرفی به حجم 750mL از مایعی پر شده است. دمای مجموعه را به 80°C می‌رسانیم و $3/75\text{cm}^3$ از مایع سرریز می‌شود.

اگر ضریب انبساط طولی ظرف $K^{-1} = 1/10 \times 10^{-7}$ باشد، ضریب انبساط حجمی مایع بر حسب واحد SI در کدام گزینه به درستی آمده است؟

(۱) $1/1006 \times 10^{-5}$

(۲) $1/1006 \times 10^{-4}$

(۳) $2/1006 \times 10^{-5}$

(۴) $2/1006 \times 10^{-4}$

-۴۹- اگر دمای آب را از C° به 10°C کاهش دهیم، حجم آب چگونه تغییر می‌کند؟

(۱) ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.

(۲) ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.

(۳) به تدریج کاهش می‌یابد.

(۴) به تدریج افزایش می‌یابد.

-۵۰- کدام وسیله در واقع کلیدی الکتریکی است که در آن قطع و وصل جریان با استفاده از حسگرهای گرمایی انجام می‌شود؟

(۱) ترمومتر

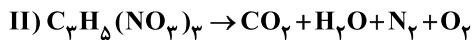
(۲) ترموستات

(۳) ترمومتر

(۴) بارومتر



-۵۱- مجموع ضرایب H_2O در واکنش‌های موازن شده و با ضریب H_2O در واکنش موازن شده برابر است.



IV - III - II (۲)

III - IV - II (۱)

III - IV - I (۴)

II - IV - I (۳)

-۵۲- چه تعداد از عبارت‌های زیر در رابطه با پرتوهای خورشیدی درست است؟

(آ) بخش عمده این پرتوها به وسیله زمین جذب شده و ماقبی به وسیله هواکره جذب می‌شوند.

(ب) زمین اغلب گرمای جذب شده را به شکل تابش پرتوهای غیرمولد از دست می‌دهد.

(پ) هر چقدر مقدار گازهای گلخانه‌ای بیشتر باشد، زمین گرم‌تر می‌شود.

(ت) پرتوهای تابیده شده به زمین انرژی بیشتری از پرتوهای بازتابش شده از سطح زمین دارند.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

-۵۳- چه تعداد از عبارت‌های داده شده، جمله زیر را به درستی تکمیل می‌کنند؟

«هر چه مقدار در هواکره بیشتر باشد، ، می‌باید»

(آ) بخار آب - دمای هواکره - افزایش

(ب) کربن دی‌اکسید - میانگین جهانی سطح آب‌های آزاد - افزایش

(پ) کربن دی‌اکسید - مساحت برف در نیمکره شمالی - کاهش

(ت) آلاینده‌ها - درصد اکسیژن در هوایی که تنفس می‌کنیم - کاهش

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

-۵۴- استفاده از گاز هیدروژن به عنوان سوخت، استفاده از سوخت‌های فسیلی به عنوان سوخت، در جهت اهداف توسعه پایدار

(۱) همانند - است

(۲) همانند - نیست

(۳) برخلاف - است

(۴) برخلاف - نیست

-۵۵- کلسیم سیلیکات پروسکایت، یک ماده معدنی ارزشمند است که هر مول از آن در واکنش با ۶ مول هیدروژن فلورورید منجر به تولید یک مول

سیلیسیم ترافلورید، یک مول کلسیم فلورورید و سه مول آب می‌شود. در ساختار هر واحد سازنده ترکیب پروسکایت، چند اتم وجود دارد؟

۷ (۴)

۶ (۳)

۵ (۲)

۴ (۱)



-۵۶- کدام عبارت نادرست است؟

- (۱) در باتری موبایل و لپتاپ واکنش‌های شیمیایی برگشت‌پذیر رخ می‌دهد.
- (۲) پرتوهای گسیل شده از سطح زمین، طول موج بیشتری نسبت به پرتوهای خورشیدی تابیده شده دارند.
- (۳) تنها فراورده حاصل از سوختن هیدروژن آب است.
- (۴) اوزون در تروپوسفر نقش محافظتی دارد.

-۵۷- چه تعداد از مقایسه‌های زیر درست است؟

- (آ) میزان آلینگی سوخت: زغال‌ستگ < بنزین

$$\text{ب) مقدار گرمای آزاد شده } \left(\frac{\text{kJ}}{\text{g}} \right) : \text{گاز طبیعی} < \text{بنزین}$$

- (پ) مقدار CO_2 تولید شده به ازای مصرف مقدار معینی برق: انرژی خورشید < گرمای زمین

- (ت) مقدار برق تولید شده به ازای تولید مقدار معینی CO_2 : گاز طبیعی < نفت خام

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

-۵۸- کدام مطلب در رابطه با فراوان‌ترین عنصر در جهان صحیح است؟

- (۱) جزء اصلی سازنده هوای پاک و خشک است و واکنش‌پذیری ناچیزی دارد.
- (۲) با دگرگشکل‌های مختلف در هواکره یافت می‌شود.
- (۳) نرم است و در ساخت مغز مداد به کار می‌رود.
- (۴) تولید، حمل و نقل و نگهداری آن بسیار پرهزینه است.

-۵۹- چه تعداد از ویژگی‌های زیر در دگرگشکل‌های مختلف یک عنصر یکسان است؟

- خواص فیزیکی

- واکنش‌پذیری

- شمار اتم‌های سازنده

- شمار پیوندهای اشتراکی

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

-۶۰- چه تعداد از عبارت‌های زیر درباره اکسیدهای نیتروژن (NO_2 , NO) درست است؟

- به دلیل واکنش‌پذیری بالای نیتروژن در هواکره یا درون موتور خودروها تولید می‌شوند.
- پدیده رعد و برق منجر به تولید هر دوی آن‌ها می‌شود.
- در هوای آلوده و در حضور نور خورشید، NO_2 به NO و O_3 تجزیه می‌شود.
- دلیل هوای آلوده قهقهه‌ای رنگ کلان شهرها این اکسیدها هستند.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

محل انجام محاسبات



- ۶۱- با توجه به جدول زیر که مربوط به دو اتومبیل A (بنزینی) و B (گازی) می‌باشد، با هزینه سوخت مورد نیاز برای پیمودن ۱۰۰km مسافت توسط اتومبیل A، می‌توان چند km مسافت را با اتومبیل B پیمود؟ (بازدۀ هر دو اتومبیل یکسان است).

اتومبیل B	اتومبیل A		(۱) ۱۵۳
۵۴	۴۸	انرژی $\left(\frac{\text{kJ}}{\text{g}}\right)$	(۲) ۵۱۳
۵	۱۴	قیمت $\left(\frac{\text{Rial}}{\text{g}}\right)$	(۳) ۳۱۵ (۴) ۳۵۱

- ۶۲- چه تعداد از ویژگی‌های زیر بین همه واکنش‌های شیمیایی مشترک است؟

(آ) به وجود آمدن مولکول‌های جدید

ب) تغییر در شیوه اتصال اتم‌ها

پ) برابر بودن مجموع جرم واکنش‌دهنده‌(ها) مصرف شده و فراورده‌(ها) تولید شده

ت) متفاوت بودن شمار مولکول‌های دو طرف واکنش

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

- ۶۳- کدام‌یک از عبارت‌های زیر درست است؟

(آ) رد پا اصطلاحی است که میزان اثرگذاری یک ماده شیمیایی روی کره زمین و هواکره را نشان می‌دهد.

ب) فراورده‌های حاصل از سوختن بنزین و گاز طبیعی یکسان هستند.

پ) گرمای آزاد شده به ازای سوزاندن یک مول هیدروژن بیشتر از سوزاندن یک مول بنزین است.

ت) واکنش‌های شیمیایی می‌توانند بدون ایجاد نور و رسوب و خروج گاز انجام گیرند.

(۱) «ب» و «پ» (۲) «آ» و «پ»

(۳) «ب» و «ت» (۴) «آ» و «ت»

- ۶۴- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

• هر واکنش شیمیایی با تولید حداقل یک ماده جدید همراه است.

• در واکنش‌های شیمیایی حالت فیزیکی فراورده‌(ها) و واکنش‌دهنده‌(ها) متفاوت است.

• در واکنش‌های تجزیه، جرم مواد فراورده کم‌تر از جرم واکنش‌دهنده‌(ها) مصرفی است.

• نمادهای « $\xrightarrow{120^\circ \text{C}}$ » و « $\xrightarrow{\Delta}$ » مربوط به واکنش‌های گرماگیر هستند.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴



۶۵- یک میخ آهنی که شامل $2/408 \times 10^{23}$ اتم آهن است در هوای مطروب زنگ می‌زند. اگر این میخ با $1/806 \times 10^{23}$ مولکول O_2 واکنش دهد

و به اکسیدی با ظرفیت $+3$ آهن تبدیل شود، چند مول زنگ آهن تشکیل می‌شود؟ ($Fe = 56$, $O = 16$; g/mol^{-1})

۰/۵ (۴)

۰/۴ (۳)

۰/۳ (۲)

۰/۲ (۱)

۶۶- با تبدیل اکسیژن به اوزون، چه تعداد از تغییرات زیر روی می‌دهد؟

- افزایش نقطه جوش

- افزایش نسبت شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی به پیوندی

- افزایش واکنش پذیری

- آزاد شدن مقدار انرژی به شکل پرتوهای فرابنفش

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۶۷- چه تعداد از موارد زیر از پیامدهای رعایت توسعه پایدار در تولید کالاهای مختلف است؟

- افزایش قیمت تمام‌شده کالا

- افزایش طول عمر منابع فسیلی

- کاهش ردپای کربن دی‌اکسید

- کاهش مصرف منابع طبیعی

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

۶۸- چه تعداد از مطالب زیر درست است؟

(آ) به لایه مشخصی از تروپوسفر که بیشترین مقدار اوزون در آن قرار دارد، لایه اوزون می‌گویند.

(ب) دگرشكّل به هر یک از شکل‌های مولکولی، یونی یا بلوری یک عنصر گفته می‌شود.

(پ) از واکنش گازهای N_2 و O_2 درون موتور خودرو، آلاینده قهقهه‌ای رنگ تولید می‌شود.

(ت) ساختار هر ماده روی خواص فیزیکی و شیمیایی آن ماده تأثیر دارد.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۶۹- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

- به موادی که در ساختار خود افزون بر C و H. O نیز دارند سوخت سبز گفته می‌شود.

- برای حذف CO_2 تولیدی در مراکز صنعتی، آن‌ها را با اکسیدهای بازی واکنش می‌دهند.

- پلاستیک‌های سبز، زیست تخریب پذیر بوده و به سرعت در طبیعت تجزیه می‌شوند.

- سوخت‌های سبز همانند پلاستیک‌های زیست تخریب پذیر در ساختار خود اکسیژن دارند.

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)



حل ویدئویی سوالات این دفترچه را در
ویسایت **DriQ.com** مشاهده کنید.

- ۷۰- چند مورد از مطالب زیر در رابطه با اثر گلخانه‌ای نادرست است؟

- دور تا دور گلخانه‌ها را با لایه‌ای از پلاستیک می‌پوشانند که قابلیت عبور نور را ندارد.
- پلاستیک‌های اطراف گلخانه‌ها مانع از تغییر دمای درون گلخانه‌ها می‌شوند.
- $\Delta\theta$ درون گلخانه بیشتر از $\Delta\theta$ بیرون گلخانه است.
- اگر هوا کره وجود نداشت میانگین دمای کره زمین شدیداً افزایش می‌یافتد.

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)



سایت کنکور

دفترچه شماره ۲

آزمون شماره ۱۶

جمعه ۱۴۰۱/۱۲/۰۵



آزمون‌های سراسر کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۱-۱۴۰۲

پاسخ‌های تشریحی

پایه دهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۹۰ دقیقه	تعداد سؤال: ۷۰

عنوانین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سؤالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	شماره سؤال		مدت پاسخگویی
			تا	از	
۱	ریاضی ۱	۲۰	۱	۲۰	۴۵ دقیقه
	هندسه ۱	۱۰	۲۱	۳۰	
۲	فیزیک ۱	۲۰	۳۱	۵۰	۲۵ دقیقه
۳	شیمی ۱	۲۰	۵۱	۷۰	۲۰ دقیقه

دهم ایاضی

آزمون‌های سراسری گاج

ویراستاران علمی	طراحان	دروس
مریم ولی عابدینی - مینا نظری مینا مقدسی - پریا ابریشم کار	ندا فرهنختی	ریاضی ۱
		هندسه ۱
مروارید شاه‌حسینی	احمد رضازادگان قطب آبادی	فیزیک
ایمان زارعی	مریم تمدنی - میلاد عزیزی	شیمی



فروشگاه مرکزی گاج: تهران - خیابان انقلاب
نبش بازارچه کتاب

اطلاع رسانی: ۰۲۱-۶۴۲۰

نشانی اینترنتی: www.gaj.ir

سایت کنکور

آماده‌سازی آزمون

مدیریت آزمون: ابوالفضل مزرعی

بازبینی و نظارت نهایی: سارا نظری

برنامه‌ریزی و هماهنگی: سارا نظری - مینا نظری

بازبینی دفترچه: بهاره سلیمی - عطیه خادمی

ویراستاران فنی: ساناز فلاحتی - مروارید شاه‌حسینی - مریم پارساپیان - سپیده‌سادات شریفی - عاطفه دستخوش

سرپرست واحد فنی: سعیده قاسمی

صفحه‌آرا: فرهاد عبدی

طراح شکل: آرزو گلفر

حروفنگاران: مینا عباسی - مهناز کاظمی - فرزانه رجبی - ربابه الطافی - حدیث فیض الهی





$$A < B \Rightarrow A - B < 0$$

پس با تقسیم طرفین نامساوی بر عبارت منفی $(B - A)$ جهت نامساوی عوض می‌شود.

$$A < B \xrightarrow[\div(A-B)]{} \frac{A}{A-B} > \frac{B}{A-B}$$

بررسی سایر گزینه‌ها:

$$A^3 = 4 > B^3 = 1$$

در این صورت داریم: $B = 1$ و $A = -2$

$$\frac{1}{A} = -\frac{1}{2} < \frac{1}{B} = \frac{1}{2}$$

در این صورت داریم: $B = 2$ و $A = -2$

$$\frac{A}{B} = -\frac{1}{2} > \frac{B}{A} = -2$$

در این صورت داریم: $B = 2$ و $A = -1$

$$41 < F < 59 \xrightarrow{F = 1/8 C + 32} 41 < 1/8 C + 32 < 59$$

$$\xrightarrow{-32} 9 < 1/8 C < 27 \xrightarrow{\div 1/8} 9 < C < 27$$

$$\Rightarrow \frac{9}{2} < C < \frac{27}{2} \Rightarrow 5 < C < 15$$

برای آنکه عبارت درجه دوم همواره نامنفی باشد، باید:

$$\{ a > 0$$

$$\{ \Delta \leq 0 \Rightarrow (-3a)^2 - 4a(2a+1) \leq 0$$

$$\Rightarrow \{ a > 0 \quad (1)$$

$$\Rightarrow \{ 9a^2 - 8a^2 - 4a \leq 0 \Rightarrow a^2 - 4a \leq 0 \Rightarrow a(a-4) \leq 0$$

$$\begin{array}{c|ccccc} a & & & & & \\ \hline a(a-4) & + & \circ & - & \circ & + \end{array} \Rightarrow 0 \leq a \leq 4 \quad (2)$$

$$(1) \cap (2) \Rightarrow a \in (0, 4] \xrightarrow{a \in \mathbb{Z}} a = 1, 2, 3, 4$$

$$\frac{9-x^2}{1-2x} < 0$$

$$\{ 9-x^2 = 0 \Rightarrow x^2 = 9 \Rightarrow x = \pm 3$$

$$\{ 1-2x = 0 \Rightarrow 2x = 1 \Rightarrow x = \frac{1}{2}$$

$$\begin{array}{c|ccccc} & -3 & \frac{1}{2} & 3 & & \\ \hline 9-x^2 & - & \circ & + & + & - \\ 1-2x & + & + & \circ & - & - \\ \hline \text{کسر} & - & \circ & + & - & + \end{array}$$

$$\Rightarrow \{ a = -3 \quad (1)$$

$$\{ b = \frac{1}{2} \quad (2)$$

$$\{ c = 3 \quad (3)$$

$$\Rightarrow a-b+c = -3 - \frac{1}{2} + 3 = -\frac{1}{2}$$

می‌دانیم اگر $|x| < a$ باشد، آنگاه $-a < x < a$ است:

$$|\frac{x}{3}-2| < \frac{1}{5} \Rightarrow -\frac{1}{5} < \frac{x}{3}-2 < \frac{1}{5}$$

$$\xrightarrow{+2} -\frac{1}{5} + 2 < \frac{x}{3} < \frac{1}{5} + 2 \Rightarrow \frac{9}{5} < \frac{x}{3} < \frac{11}{5}$$

$$\xrightarrow{\times 3} \frac{27}{5} < x < \frac{33}{5} = 6 \frac{6}{5} \Rightarrow 6 < x < 6 \frac{6}{5}$$

بزرگ‌ترین عدد صحیح x است و در این

۳ ۴

۵ ۶

معادله $y = 0$ (تقاطع با محور X ها) فاقد ریشه است:

$$y = 0 \Rightarrow mx^2 + 2x - m + 1 = 0 \xrightarrow{\text{ریشه ندارد}} \Delta < 0$$

$$2^2 - 4(m)(1-m) < 0 \Rightarrow 4 - 4m + 4m^2 < 0$$

$$\xrightarrow{\div 4} m^2 - m + 1 < 0$$

در عبارت $1 < m^2 - m + 1 < 0$ و $m^2 - m + 1 > 0$ مثبت است. پس عبارت همواره مثبت است و بنابراین نامعادله $m^2 - m + 1 < 0$ جواب ندارد.

۷ ۸

$$P(x) = \frac{x(x-3)}{x^2 - x - 2} > 0$$

$$\left\{ \begin{array}{l} x = 0 \\ x-3 = 0 \Rightarrow x = 3 \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} x^2 - x - 2 = 0 \Rightarrow (x+1)(x-2) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 2 \end{cases} \end{array} \right.$$

حال جدول تعیین علامت را تشکیل می‌دهیم:

	-1	0	2	3
x	-	-	+	+
$(x-3)^2$	+	+	+	+
$x^2 - x - 2$	+	0	-	+
P(x)	-	+	-	+

پس باید $x < -1$ یا $x > 2$ و $x \neq 3$ باشد تا مقدار عبارت را مثبت کند.
 فقط $-1 < x < 2$ در بازه‌های مورد نظر قرار دارد، زیرا:

۹ ۱۰

$$\left\{ \begin{array}{l} 1-x^2 < x^2 - x \Rightarrow x^2 - x - \frac{1-x^2}{x} > 0 \Rightarrow \frac{x^3 - x^2 - 1 + x^2}{x} > 0 \\ x^2 - x - 1 < 0 \Rightarrow x^2 - x - 1 < 0 \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \frac{x^2-1}{x} > 0 \\ x^2 - x - 1 < 0 \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \frac{(x-1)(x+1)}{x} > 0 \\ x^2 - x - 1 < 0 \end{array} \right. \quad (1)$$

	0	1
$x-1$	-	-
$x^2 - x + 1$	+	+
x	-	+
P(x)	+	-

$$\Rightarrow (1) \cap (2) = (-\infty, 0) \cup (1, +\infty)$$

$$x^2 - x - 1 = 0 \Rightarrow \Delta = (-1)^2 - 4(1)(-1) = 5 \Rightarrow x = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{2}$$

	$\frac{1-\sqrt{5}}{2}$	$\frac{1+\sqrt{5}}{2}$
$x^2 - x - 1$	+	+
x	-	-
P(x)	+	-

$$\Rightarrow (2) = \left(\frac{1-\sqrt{5}}{2}, \frac{1+\sqrt{5}}{2} \right)$$

اشتراک جواب (1) و (2) برابر با $\left(\frac{1-\sqrt{5}}{2}, \frac{1+\sqrt{5}}{2} \right)$ است و در این بازه هیچ عدد صحیحی وجود ندارد.

۱۱ ۱۲

جدول عبارت (1):

جدول عبارت (2):

جدول عبارت (3):



$$\begin{aligned} (1, \frac{1}{2}), (1, 1-a) \in f &\xrightarrow{\text{تابع } f} \frac{1}{2} = 1-a \Rightarrow a = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \\ \Rightarrow f = \{(1, \frac{1}{2}), (0, -\frac{1}{2}), (1, \frac{1}{2}), (0, b)\} \\ &= \{(1, \frac{1}{2}), (0, -\frac{1}{2}), (0, b)\} \Rightarrow b = -\frac{1}{2} \end{aligned}$$

۱۵ باید از هر عضو مجموعه اول، یک پیکان خارج شود. (دقیقاً یک پیکان) پس فقط گزینه (۳) صحیح است.

۱۶ هر فرد یک تاریخ تولد دارد اما می‌تواند بیش از یک شماره تلفن، بیش از یک مورد علاقه یا بیش از یک خواهر داشته باشد.

$$f(a) = 1 \text{ یا } 2 \quad f(b) = 1 \text{ یا } 2 \quad f(c) = 1 \text{ یا } 2$$

۱۷ $= 2 \times 2 \times 2 = 8$ تعداد توابع

برای درک بهتر، این ۸ تابع را می‌نویسیم:

$$\begin{array}{ll} f = \{(a, 1), (b, 1), (c, 1)\} & f = \{(a, 1), (b, 1), (c, 2)\} \\ f = \{(a, 1), (b, 2), (c, 1)\} & f = \{(a, 1), (b, 2), (c, 2)\} \\ f = \{(a, 2), (b, 1), (c, 1)\} & f = \{(a, 2), (b, 1), (c, 2)\} \\ f = \{(a, 2), (b, 2), (c, 1)\} & f = \{(a, 2), (b, 2), (c, 2)\} \end{array}$$

۱۸ رابطه (ب) تابع نیست، چون ریشه‌های دوم هر عدد مثبت مانند a^2 تا است: $\sqrt{a^2} = a$ و $-\sqrt{a^2} = -a$ اما بقیه رابطه‌ها تابع هستند.

۱۹ می‌دانیم مساحت مثلث متساوی‌الاضلاع به ضلع x برابر است با:

$$S = \frac{\sqrt{3}}{4} x^2$$

$$x = \sqrt{\frac{4}{\sqrt{3}}} S \quad \text{پس بهازای هر } S, \text{ فقط یک } x \text{ به دست می‌آید:}$$

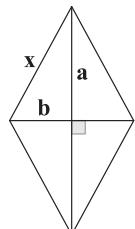
اما در بقیه گزینه‌ها بهازای هر S ممکن است x ‌های مختلفی به دست آید.

بررسی سایر گزینه‌ها:

به طور مثال اگر $S = 24$ باشد، داریم:

$$S = 24 \times 1 = 12 \times 2 = 8 \times 3 = 6 \times 4 \Rightarrow x = 24, 12, 8, 6 \quad (1)$$

$$S = 24 \times 1 = 12 \times 2 = 8 \times 3 = 6 \times 4 \Rightarrow x = 24, 12, 8, 6 \quad (2)$$



$$S = \frac{2a \times 2b}{2} = 24 \Rightarrow 4ab = 48 \Rightarrow ab = 12$$

$$\begin{cases} a = 12 \\ b = 1 \end{cases} \Rightarrow x = \sqrt{144 + 1} = \sqrt{145}$$

یا

$$\begin{cases} a = 6 \\ b = 2 \end{cases} \Rightarrow x = \sqrt{36 + 4} = \sqrt{40}$$

یا

$$\begin{cases} a = 4 \\ b = 3 \end{cases} \Rightarrow x = \sqrt{16 + 9} = 5$$

۲ ۱۴

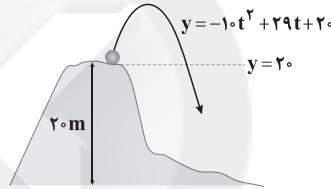
$$\begin{aligned} -1 < x + a < 1 &\xrightarrow{+(-a)} -1 - a < x < 1 - a \\ \Rightarrow -1 - a = 2 &\Rightarrow a = -3 \Rightarrow b = 1 - a = 1 - (-3) = 4 \\ \Rightarrow a + b = -3 + 4 = 1 \end{aligned}$$

۳ ۱۰ می‌دانیم اگر $|x| \geq a$ باشد، آنگاه $x \leq -a$ یا $x \geq a$ است:

$$\begin{aligned} \left| \frac{x+1}{2} - 3 \right| \geq 1 &\Rightarrow \begin{cases} \frac{x+1}{2} - 3 \geq 1 \xrightarrow{+3} \frac{x+1}{2} \geq 4 \\ \frac{x+1}{2} - 3 \leq -1 \xrightarrow{+3} \frac{x+1}{2} \leq 2 \end{cases} \\ \xrightarrow{\times 2} \begin{cases} x+1 \geq 8 \Rightarrow x \geq 7 \\ x+1 \leq 4 \Rightarrow x \leq 3 \end{cases} & \end{aligned}$$

پس کمترین فاصله x از عدد $5/5$ برابر با $3/5 = 1/5$ است.

۴ ۱۱



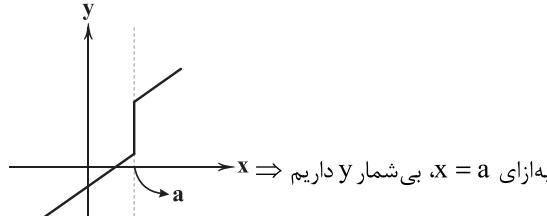
$$\begin{aligned} y > 30 &\Rightarrow -10t^3 + 29t + 20 > 30 \Rightarrow -10t^3 + 29t - 10 > 0 \\ &\xrightarrow{\div(-10)} t^3 - 2.9t + 1 < 0. \end{aligned}$$

$$\Delta = (-2/9)^2 - 4(1)(1) = (2/9)^2 - 2^2 = (2/9 - 2)(2/9 + 2)$$

$$\Delta = 0/9 \times 4/9 = \frac{9 \times 49}{100} \Rightarrow \sqrt{\Delta} = \frac{3 \times 7}{10} = 21/10$$

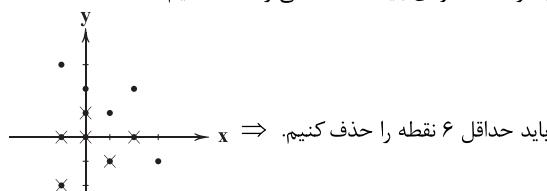
$$\Rightarrow t = \frac{\frac{\Delta}{2} \pm \sqrt{\frac{\Delta}{4}}}{2(1)} = \begin{cases} \frac{5}{2} = 2.5 \\ \frac{-11}{2} = -5.5 \end{cases} \Rightarrow 0/4 < t < 2/5$$

۱۲ ۱ باید بهازای هر x (مؤلفه اول) یک y (مؤلفه دوم) داشته باشیم. این ویژگی در همه گزینه‌ها برقرار است، بهجز گزینه (۱):



توجه کنید که در گزینه (۳)، $f(\frac{1}{2}) = f(\frac{1}{5}) = 1$ می‌باشد، بنابراین:

۱۳ ۳ باید هر خط عمودی، نمودار را حداکثر در یک نقطه قطع کند. پس بهازای هر خط عمودی باید نقاط اضافی را حذف کنیم.





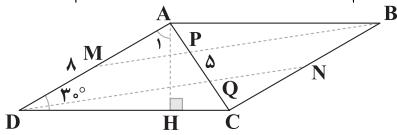
$$BC = x, AH = \frac{1}{4}x \quad \text{باشد، داریم: } BC = x \text{ اگر}$$

$$\Rightarrow S = \frac{1}{2}AH \times BC = 18 \Rightarrow \frac{1}{2}\left(\frac{1}{4}x\right)(x) = 18$$

$$\Rightarrow x^2 = 8 \times 18 = 144 \Rightarrow x = \sqrt{144} = 12 \Rightarrow BC = 12 \quad \text{طول وتر:}$$

می‌دانیم DN و BM قطعه AC را به ۳ قسمت مساوی تقسیم می‌کنند. پس:

$$PQ = \frac{1}{3}AC \Rightarrow AC = 3 \times PQ = 3 \times \frac{5}{3} = 5$$



$$\hat{A} = 15^\circ \Rightarrow \hat{D} = 18^\circ - 15^\circ = 3^\circ$$

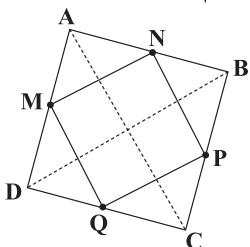
$$\Delta ADH: \begin{cases} \hat{D} = 3^\circ \Rightarrow AH = \frac{1}{2}AD = \frac{1}{2} \times 5 = 2.5 \\ \hat{A}_1 = 6^\circ \Rightarrow DH = \frac{\sqrt{3}}{2}AD = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 5 = 5\sqrt{3} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \Delta AHC: CH^2 &= AC^2 - AH^2 = 5^2 - 2.5^2 = 25 - 6.25 = 18.75 \Rightarrow CH = \sqrt{18.75} \\ \Rightarrow DC &= DH + CH = 5\sqrt{3} + \sqrt{18.75} \Rightarrow S = AH \times CD = 2.5 \times (5\sqrt{3} + \sqrt{18.75}) \\ &= 12.5 + 12.5\sqrt{3} \end{aligned}$$

بنابراین: AB و AD وسط N و M هستند.

$$MN \parallel BD, MN = \frac{1}{2}BD$$

$$PQ \parallel BD, PQ = \frac{1}{2}BD \quad \text{به طور مشابه:}$$



و به همین ترتیب داریم:

$$NP \parallel MQ \parallel AC, NP = MQ = \frac{1}{2}AC$$

بنابراین $MNPQ$ در حالت کلی یک متوازی‌الاضلاع است. اگر قطرهای $ABCD$ با هم برابر باشند یعنی $AC = BD$ ، آن‌گاه اضلاع $MNPQ$ با هم برابر می‌شوند و یک لوزی تشکیل می‌دهند.

فقط گزاره (آ)، برای n - ضلعی‌های مقعر برقرار است.

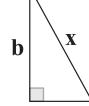
گزینه (۳) تعریف مستطیل است. اما بقیه گزینه‌ها تعریف لوزی هستند.

در متوازی‌الاضلاع قطرها منصفاند، اما بقیه ویژگی‌ها لزوماً برقرار نیست.

در ذوزنقه متساوی‌الساقین زوایای مجاور قاعده‌ها با هم برابرند، پس داریم:

$$\begin{aligned} \Delta ODA: \hat{D}_1 &= 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ \Rightarrow \hat{D}_2 = \hat{D} - \hat{D}_1 = 60^\circ - 30^\circ = 30^\circ \\ 2x &= 60^\circ \Rightarrow x = 30^\circ \\ \Rightarrow \hat{A} &= \hat{B} = 90^\circ + 30^\circ = 120^\circ \\ \Rightarrow \hat{D} &= \hat{C} = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ \end{aligned}$$

$$\frac{a \times b}{2} = 24 \Rightarrow a \times b = 48 \quad (۳)$$



$$\begin{cases} a = 12 \\ b = 4 \end{cases} \Rightarrow x = \sqrt{12^2 + 4^2} = \sqrt{160} \text{ یا } \begin{cases} a = 8 \\ b = 6 \end{cases} \Rightarrow x = \sqrt{8^2 + 6^2} = 10$$

رابطه A به B زمانی تابع است. اگر به ازای هر عضو A ، دقیقاً یک عضو B نسبت داده شود.

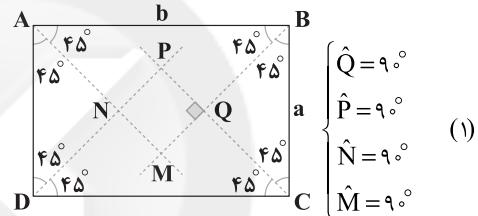
۱ ۲۱

$$\text{تعداد قطرها} = \frac{n(n-3)}{2} = 2n \Rightarrow n^2 - 3n = 4n$$

$$\Rightarrow n^2 - 7n = 0 \Rightarrow n(n-7) = 0 \Rightarrow \begin{cases} n = 0 \\ n = 7 \end{cases}$$

$$\text{مجموع زوایای داخلی} \Rightarrow (n-2) \times 180^\circ = (7-2) \times 180^\circ = 900^\circ$$

۴ ۲۲



$$\begin{aligned} BM &= AM = \frac{\sqrt{2}}{2}b \Rightarrow MQ = BM - BQ = \frac{\sqrt{2}}{2}(b-a) \\ BQ &= CQ = \frac{\sqrt{2}}{2}a \Rightarrow PQ = PC - CQ = \frac{\sqrt{2}}{2}(b-a) \\ PC &= PD = \frac{\sqrt{2}}{2}b \end{aligned}$$

بنابراین $PQ = MQ$

$$(1), (2) \Rightarrow MNPQ \Rightarrow S = (PQ)^2 = 18$$

$$\Rightarrow PQ = \sqrt{18} = 3\sqrt{2} \Rightarrow \frac{\sqrt{2}}{2}(b-a) = 3\sqrt{2} \Rightarrow b-a = 6 \quad (*)$$

از طرفی داریم:

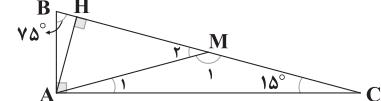
$$2(b+a) = 24 \Rightarrow b+a = 12 \quad (**)$$

$$(*), (**) \Rightarrow b=6, a=3 \Rightarrow S = ab = 3 \times 9 = 27$$

۲ ۲۳

$$\hat{B} = 75^\circ \Rightarrow \hat{C} = 90^\circ - 75^\circ = 15^\circ$$

میانه و ارتفاع وارد بر وتر را رسم می‌کنیم.



$$AM = \frac{1}{2}BC = MC = BM \quad \text{پس:}$$

$$AM = MC = \frac{1}{2}BC \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{C} = 15^\circ \Rightarrow \hat{M}_2 = 15^\circ + 15^\circ = 30^\circ$$

در مثلث قائم‌الزاویه AHM است، پس $\hat{M}_2 = 30^\circ$. AHM نصف وتر است.

$$AH = \frac{1}{2}AM = \frac{1}{2}(\frac{1}{2}BC) = \frac{1}{4}BC$$



۲ ۳۴ انرژی مکانیکی گلوله را در سطح زمین E_1 و در ارتفاع اوچ E_2 در نظر می‌گیریم، بنابراین با در نظر گرفتن سطح زمین به عنوان مبدأ پتانسیل گرانشی داریم:

$$E_2 - E_1 = W_f \Rightarrow E_2 - E_1 = -\frac{1}{100} E_1$$

$$\Rightarrow (U_2 + K_2) - (U_1 + K_1) = -\frac{1}{100} (U_1 + K_1)$$

$$\Rightarrow mgh_1 - \frac{1}{2} mv^2 = -\frac{1}{100} \times \frac{1}{2} mv^2$$

$$\Rightarrow mgh_1 = -\frac{1}{100} \times \frac{1}{2} mv^2 + \frac{1}{2} mv^2 \Rightarrow mgh_1 = \frac{45}{100} mv^2$$

$$\Rightarrow h_1 = \frac{45mv^2}{100mg} = \frac{45v^2}{100g}$$

اگر مقاومت هوا وجود نداشته باشد، داریم:

$$E_2 = E_1 \Rightarrow U_2 + K_2 = U_1 + K_1 \Rightarrow mgh_2 = \frac{1}{2} mv^2$$

$$\Rightarrow h_2 = \frac{mv^2}{2mg} = \frac{v^2}{2g}$$

$$h_2 = \frac{\frac{v^2}{2g}}{\frac{45v^2}{100g}} = \frac{100}{90} = \frac{10}{9}$$

در نتیجه داریم:

۴ ۳۵ انرژی که شخص صرف بالا رفتن کرده برابر است با:

$$U = mgh = 74/6 \times 10 \times 12 = 746 \times 12$$

توان متوسط مفید شخص برابر است با:

$$P_{av} = \frac{U}{\Delta t} = \frac{12 \times 746}{30} = \frac{4 \times 746}{10} = \text{اسب بخار } 12$$

۱ ۳۶ انرژی الکتریکی ورودی به پمپ برابر است با:

$$P = \frac{E}{\Delta t} = \frac{E_{\text{ورودی}}}{\Delta t} \Rightarrow E_{\text{ورودی}} = 2000 = \frac{E_{\text{ورودی}}}{30 \times 6} \Rightarrow E_{\text{ورودی}} = 3/6 \times 10^6 J$$

جرم آب جابه‌جاشده برابر است با:

$$m = \rho V \Rightarrow m = 1000 \times 6 = 6000 \text{ kg}$$

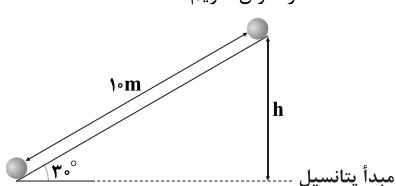
پس مبدأ انرژی پتانسیل را سطح آب در نظر گرفته و کار مفید پمپ را به دست $E_{\text{خروجی}} = mg(h - 0)$ می‌آوریم:

$$\Rightarrow E = 6000 \times 10 \times 30 = 1800000 = 1/8 \times 10^6 J$$

در نتیجه بازده پمپ بر حسب درصد برابر است با:

$$\text{بازده} = \frac{E_{\text{خروجی}}}{E_{\text{ورودی}}} \times 100 = \frac{1/8 \times 10^6}{3/6 \times 10^6} \times 100 = 12.5\%$$

۳ ۳۷ طبق اطلاعات داده شده در سؤال داریم:



$$\sin 30^\circ = \frac{h}{10} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{h}{10} \Rightarrow h = 5 \text{ m}$$



حالا تغییر طول میله را در اثر افزایش دمای 198°C به دست می‌آوریم.

$$\Delta L = L_1 \alpha \Delta \theta \Rightarrow \Delta L = 2 \times \frac{1^{\circ}}{11} \times 198 = 36 \times 10^{-4} \text{ m} = 3/6 \text{ mm}$$

با استفاده از رابطه انبساط سطحی داریم: ۱ ۴۵

$$\Delta A = A_1 / 2 \alpha \Delta \theta \Rightarrow \frac{\Delta A}{A_1} = 2 \alpha \Delta \theta \Rightarrow \frac{0.04 A_1}{A_1} = 2 \alpha \Delta \theta$$

$$\Rightarrow \alpha \Delta \theta = 0.02 \quad (*)$$

حال با استفاده از رابطه انبساط طولی داریم:

$$\Delta L = L_1 \alpha \times 2 \Delta \theta \Rightarrow \frac{\Delta L}{L_1} = 2 \alpha \Delta \theta \xrightarrow{(*)} \frac{\Delta L}{L_1} = 2 \times 0.02$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta L}{L_1} \times 100 = 4\%$$

۱ ۴۶ بین ریل‌ها حداقل باید به اندازه تغییر طول ریل‌ها فاصله باشد

تا به یکدیگر فشار وارد نکنند، بنابراین با استفاده از رابطه انبساط طولی داریم:

$$\Delta L = L_1 \alpha \Delta \theta = 10 \times 10^{-5} \times (50 - 20) = 3/6 \text{ mm}$$

۳ ۴۷ انبساط حجمی مایعات عمدها بیشتر از انبساط حجمی جامدات است، زیرا نیروی بین مولکولی در مایعات، ضعیف‌تر است.

۱ ۴۸ حجم مایع سریزشده برابر است با:

$$3/75 \text{ cm}^3 = 3/75 \text{ mL}$$

$$\text{ظرف} - \Delta V_{\text{مایع}} = \Delta V_{\text{حجم مایع سریزشده}}$$

$$\Rightarrow V_1 (\beta - 3\alpha) \times \Delta \theta = \text{حجم مایع سریزشده}$$

$$\Rightarrow 3/75 = 75 \times (\beta - 3 \times 2 \times 10^{-7}) \times 50 \Rightarrow \beta = 1/0.06 \times 10^{-4} \text{ K}^{-1}$$

۲ ۴۹ می‌دانیم آب در دمای 4°C کمترین حجم را دارد، بنابراین با

کاهش دمای آب از 10°C تا 2°C حجم آب تا رسیدن به دمای 4°C کاهش

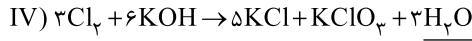
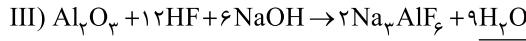
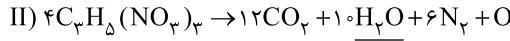
و از دمای 4°C تا رسیدن به دمای 2°C حجم آب افزایش می‌یابد.

۲ ۵۰ ترمومترات (دماپا)، کلیدی الکتریکی است که در آن قطع و

وصل جریان با استفاده از حسگرهای گرمایی انجام می‌شود.

شیمی

۳ ۵۱ واکنش‌های موازن شده به صورت زیر است:



۲ ۵۲ فقط عبارت اول نادرست است.

سرنوشت پتوهای خورشیدی بازتابیده شده به سوی زمین:

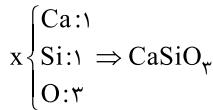
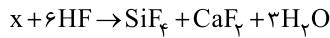
۱- جذب به سیله زمین ۲- جذب به وسیله هواکره

۳- بازتاب و برگشت به فضا

۴ ۵۳ همه جملات داده شده به درستی عبارت مورد نظر را پُرمی‌کنند.

۳ ۵۴

۲ ۵۵ با توجه به اطلاعات سؤال، واکنش مورد نظر به صورت زیر است:



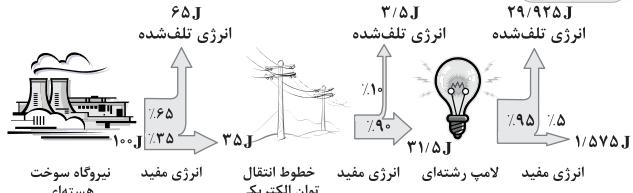
اگر سطح زمین را مبدأ پتانسیل گرانشی در نظر بگیریم، آن‌گاه داریم:

$$E_2 - E_1 = W_{\text{اصطکاک}} \Rightarrow (U_2 + K_2) - (U_1 + K_1) = W$$

$$\Rightarrow mgh - \frac{1}{2}mv^2 = -fd$$

$$\Rightarrow 2 \times 10 \times 5 - \frac{1}{2} \times 2 \times v^2 = -4/4 \times 10 \Rightarrow v^2 = 144 \Rightarrow v = 12 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

۴ ۳۸ اگر انرژی ورودی اولیه را 100 J فرض کنیم، آن‌گاه داریم:



طبق رابطه بازده داریم:

$$\frac{\text{انرژی مفید}}{\text{انرژی ورودی اولیه}} = \frac{100}{100} = 1$$

$$\frac{1/575}{100} = 1/575$$

۳ ۳۹ اساس کار دماسنجه ترموموکوپیل یا به بیان دیگر کمیت دماسنجه این دماسنجه، اختلاف پتانسیل الکتریکی (ولتاژ) است.

۲ ۴۰ ابتدا صفر کلوین را برحسب درجه سلسیوس به دست می‌آوریم:

$$T = \theta + 273 \Rightarrow 0 = \theta + 273 \Rightarrow \theta = -273^{\circ}\text{C}$$

$$F = 1/8\theta + 32 = -1/8 \times 273 + 32 = -459/4^{\circ}\text{F}$$

بنابراین:

۱ ۴۱

$$\left\{ \begin{array}{l} T = \theta + 273 \\ F = 1/8\theta + 32 \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow T + F = \theta + 273 + 1/8\theta + 32 \Rightarrow 585 = 2/8\theta + 30.5$$

$$\Rightarrow 2/8\theta = 280 \Rightarrow \theta = 100^{\circ}\text{C}$$

۳ ۴۲ طبق اطلاعات داده شده در سؤال و رابطه بین مقیاس‌های فارنهایت و سلسیوس داریم:

$$F_2 = F_1 + \frac{5}{100} F_1 \Rightarrow F_2 = \frac{15}{100} F_1$$

$$\frac{F = \frac{9}{5}\theta + 32}{\theta = 3\theta_1} \rightarrow \frac{9}{5}(3\theta_1) + 32 = \frac{15}{100}(\frac{9}{5}\theta_1 + 32) \Rightarrow \theta_1 = 6^{\circ}\text{C}$$

۲ ۴۳ موارد ذکر شده به ترتیب افزایش دما عبارتند از:

فضای بین ستاره‌ای ← کویر لوت ← سطح خورشید ← قارچ انفجار هسته‌ای ← راکتور گداخت

۴ ۴۴ مطابق نمودار داده شده در سؤال، به ازای 198°F تغییرات دما

طول میله از 2m به 200.2m می‌رسد، بنابراین ابتدا تغییرات دمای میله را

برحسب درجه سلسیوس به دست آورده سپس با استفاده از رابطه انبساط طولی داریم:

$$\Delta F = 1/8\Delta\theta \Rightarrow 198 = 1/8\Delta\theta \Rightarrow \Delta\theta = \frac{198}{1/8} = 11^{\circ}\text{C}$$

$$\Delta L = L_1 \alpha \Delta \theta \Rightarrow 200.2 - 2 = 2 \times \alpha \times 110$$

$$\Rightarrow 2 \times 10^{-3} = 2 \times \alpha \times 110 \Rightarrow \alpha = \frac{10^{-3}}{110} = \frac{1}{110} \frac{1}{^{\circ}\text{C}}$$



عبارت چهارم: نماد « \triangle » به معنای گرم کردن واکنش دهنده هاست و نماد « $\triangle \text{C}^{1200}$ » به معنای انجام واکنش در دمای C^{1200} است.

۶۵ ۱ واکنش مورد نظر به صورت $4\text{Fe} + 3\text{O}_2 \rightarrow 2\text{Fe}_2\text{O}_3$ است.

طبق قانون پایستگی جرم: «جرم زنگ آهن = جرم اکسیژن + جرم میخ آهنی»

$$\frac{1\text{mol Fe}}{2/40.8 \times 10^{23} \text{Fe}_2\text{O}_3 \text{ اتم}} \times \frac{56\text{g Fe}}{1\text{mol Fe}} = 22/4\text{g Fe}$$

$$\frac{1\text{mol O}_2}{1/80.6 \times 10^{23} \text{O}_2 \text{ اتم}} \times \frac{32\text{g O}_2}{1\text{mol O}_2} = 6/0.2 \times 10^{23} \text{O}_2 \text{ اتم}$$

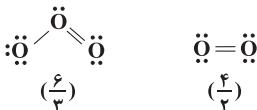
$$= 9/6\text{g O}_2$$

$$= 22/4 + 9/6 = 32\text{g}$$

$$\Rightarrow 32\text{g Fe}_2\text{O}_3 \times \frac{1\text{mol Fe}_2\text{O}_3}{160\text{g Fe}_2\text{O}_3} = 0.2\text{mol Fe}_2\text{O}_3$$

۶۶ اوزون نسبت به اکسیژن، نقطه جوش و واکنش پذیری بیشتری دارد.

با توجه به ساختار لوویس O_3 و O_2 ، نسبت شمار جفت الکترون های ناپیوندی به پیوندی در هر دو مولکول یکسان (۲) است:



با تبدیل اوزون به اکسیژن مقداری انرژی به شکل تابش فروسرخ آزاد می شود.

۶۷ ۲ با رعایت توسعه پایدار، قیمت تمام شده کالاهای کاهش می یابد. سایر موارد از پیامدهای مطلوب توسعه پایدار هستند.

۶۸ ۱ فقط عبارت «ت» درست است.

بررسی عبارت‌های نادرست:

آ) به منطقه مشخصی از استراتوسفر که بیشترین مقدار اوزون در آن محدوده قرار دارد، لایه اوزون می گویند.

ب) دگرشکل (آلوتروب) به هر یک از شکل های مولکولی با بلوری (نمه یونی) یک عنصر گفته می شود.

پ) از واکنش $\text{N}_2 + \text{O}_2$ درون موتور خودرو گاز NO تولید می شود. در حالی که گاز NO قهوه ای رنگ است.

۶۹ ۲ عبارت های دوم و چهارم درست هستند.

سوخت سبز سوختی است که در ساختار خود افزون بر C و H , O نیز دارد.

این بدین معنا نیست که هر ماده ای که دارای C , H و O است الزاماً سوخت سبز باشد. (رد عبارت اول)

پلاستیک های سبز در مدت زمان نسبتاً کوتاهی (نه به سرعت) در طبیعت تجزیه می شوند.

۷۰ ۴ همه عبارت های داده شده نادرست هستند.

بررسی عبارت ها:

عبارة اول: دور تا دور گلخانه ها را با لایه ای از پلاستیک شفاف (قابلیت عبور نور دارد). می پوشانند.

عبارة دوم: با وجود پوشاندن گلخانه ها با لایه ای پلاستیکی، دمای درون گلخانه در طول شباهه روز تغییرات اندکی دارد.

عبارة سوم: تغییر دمای درون گلخانه ها کمتر از تغییر دمای بیرون است.

عبارة چهارم: اگر هواکره وجود نداشت، میانگین دمای کره زمین تا -18°C کاهش می یافتد.

۵۶ ۴ در تروپوسفر با نقش زیانبار اوزون (سوزش چشمها و آسیب ریه ها) مواجه هستیم. در حالی که در استراتوسفر نقش مفید و محافظتی اوزون وجود دارد.

۵۷ ۴ همه مقایسه های داده شده درست هستند.

۵۸ ۴ فراوان ترین عنصر موجود در جهان هیدروژن است. گزینه های (۱)، (۲) و (۳) به ترتیب مربوط به عناصر نیتروژن، اکسیژن و کربن (گرافیت) هستند.

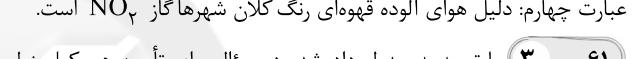
۵۹ ۱ هیچ کدام از ویزگی های نامبرده شده جزو ویزگی های مشترک دگر شکل های یک عنصر نیستند.

۶۰ ۱ فقط عبارت دوم درست است.

بررسی عبارت ها نادرست:

عبارة اول: نیتروژن واکنش پذیری ناچیزی دارد.

عبارة سوم: در هوای آلوده و در حضور نور خورشید، NO_2 با O_2 واکنش داده و به NO و O_3 تبدیل می شود. (نه این که به تنهایی تجزیه شود).



عبارة چهارم: دلیل هوای آلوده قهوه ای رنگ کلان شهرها گاز NO_2 است.

۶۱ ۳ با توجه به جدول داده شده در سؤال برای تأمین هر کیلوژول انرژی از گاز طبیعی $\frac{14}{48} \text{ ریال بول} = 0.28 \text{ ریال بول}$ و برای تأمین هر کیلوژول انرژی از گاز داریم $\frac{5}{54} \text{ ریال بول} = 0.09 \text{ ریال بول}$.

با توجه به این که برای طی کردن مسافت یکسان توسط هر دو اتومبیل، انرژی بیکسانی بر حسب km لازم است، در نتیجه هزینه مورد نیاز برای پیمودن 100 km توسط اتومبیل A برابر هزینه پیمودن مسافت 315 km توسط اتومبیل B است.

$$\frac{14}{48} \times 100 = 315\text{ km}$$

۶۲ ۲ موارد «ب» و «پ» در همه واکنش های شیمیایی برقرار است.

۶۳ ۳ بررسی عبارت ها نادرست:

آ) در برخی واکنش های شیمیایی ممکن است هیچ مولکولی شرکت نداشته باشد و همه شرکت کننده ها ترکیب یونی باشند.

ت) در واکنش های شیمیایی الزاماً شمار مولکول های واکنش دهنده ها و فراورده ها برابر نیست.

۶۴ ۱ فقط عبارت اول درست است.

۶۵ ۲ بررسی عبارت ها نادرست:

آ) رد اصطلاحی است که میزان انرگذاری هر یک از انسان ها را بر روی زمین و هوا کرده نشان می دهد.

پ) گرمای آزاد شده به ازای سوختن یک گرم هیدروژن بیشتر از گرمای آزاد شده به ازای سوختن یک گرم بنزین است.

۶۶ ۱ فقط عبارت اول درست است.

۶۷ ۲ بررسی عبارت ها نادرست:

عبارة دوم: در واکنش های شیمیایی الزاماً حالت فیزیکی واکنش دهنده ها و فراورده ها متفاوت نیست.

عبارة سوم: طبق قانون پایستگی جرم، در همه واکنش های شیمیایی مجموع

جرم فراورده های (تولیدی با مجموع جرم واکنش دهنده های) مصروف برابر است.